



## *PERTEMUAN 6*

# STRUKTUR REKURSIF



## STRUKTUR REKURSIF

**Rekursif** adalah suatu proses yang bisa memanggil dirinya sendiri.

Contoh konsep penggunaan Rekursif

**Masalah** : Memotong Roti tawar tipis-tipis sampai habis

**Algoritma** :

1. Jika roti sudah habis atau potongannya sudah paling tipis maka pemotongan roti selesai.
2. Jika roti masih bisa dipotong, potong tipis dari tepi roti tersebut, lalu lakukan prosedur 1 dan 2 untuk sisa potongannya.



## Contoh Fungsi Rekursif

- a. Fungsi pangkat
- b. Faktorial
- c. Fibonancy
- d. Menara Hanoi



## Fungsi Pangkat

Menghitung 10 pangkat n dengan menggunakan konsep rekursif.

Secara Notasi pemrograman dapat ditulis :

$$10^0 = 1 \quad \dots\dots\dots(1)$$

$$10^n = 10 * 10^{n-1} \quad \dots\dots\dots(2)$$

Contoh :

$$10^3 = 10 * 10^2$$

$$10^2 = 10 * 10^1$$

$$10^1 = 10 * 10^0$$

$$10^0 = 1$$



# Faktorial

$$0! = 1$$

$$N! = N \times (N-1)! \quad \text{Untuk } N > 0$$

Scr notasi pemrograman dapat ditulis sebagai :

$$\text{FAKT}(0) = 1 \quad \dots\dots\dots (1)$$

$$\text{FAKT}(N) = N * \text{FAKT}(N-1) \dots\dots\dots (2)$$

Contoh :

$$\text{FAKT}(5) = 5 * \text{FAKT}(4)$$

$$\text{FAKT}(4) = 4 * \text{FAKT}(3)$$

$$\text{FAKT}(3) = 3 * \text{FAKT}(2)$$

$$\text{FAKT}(2) = 2 * \text{FAKT}(1)$$

$$\text{FAKT}(1) = 1 * \text{FAKT}(0)$$

Nilai Awal



### **Misal :**

hitung  $5!$ , maka dapat dilakukan secara rekursif dgn cara :

$$5! = 5 * 4!$$

Scr rekursif nilai dr  $4!$  Dpt dihitung kembali dgn  $4 * 3!$ ,

$$\text{shg } 5! \text{ Menjadi : } 5! = 5 * 4 * 3!$$

Scr rekursif nilai dr  $3!$  Dpt dihitung kembali dgn  $3 * 2!$ , shg  $5!$  Menjadi :  $5! = 5 * 4 * 3 * 2!$

Scr rekursif nilai dr  $2!$  Dpt dihitung kembali dgn  $2 * 1$ , shg  $5!$  Menjadi :  $5! = 5 * 4 * 3 * 2 * 1 = 120$ .



## Contoh Listing Faktorial

```
#include <iostream.h>
#include <iomanip.h>
Unsigned long faktorial (unsigned long);
Int main()
{
    for (int i=0; i<=10; i++)
        cout << setw(2) << i << "! Faktorial(i) << endl;
    return 0;
}
// recursive definition of function factorial
Unsigned long faktorial (unsigned long number)
{
    if (number <=1) // base case
        return 1;
    else
        return number * faktorial(number - 1);
}
```



# Fibonancy

Deret Fibonancy : 0,1,1,2,3,5,8,13,.....

Secara notasi pemrograman dapat ditulis sebagai :

$$\text{Fibo}(1) = 0 \quad \& \quad \text{Fibo}(2) = 1 \quad \dots\dots\dots (1)$$

$$\text{Fibo}(N) = \text{Fibo}(N-1) + \text{Fibo}(N-2) \quad \dots\dots\dots (2)$$

Contoh :

$$\text{Fibo}(5) = \text{Fibo}(4) + \text{Fibo}(3)$$

$$\text{Fibo}(4) = \text{Fibo}(3) + \text{Fibo}(2)$$

$$\text{Fibo}(3) = \text{Fibo}(2) + \text{Fibo}(1)$$







## Deret Fibonancy

```
A[1] = 1;
```

```
A[2] = 2;
```

```
For (i=3; i<=10; i++)
```

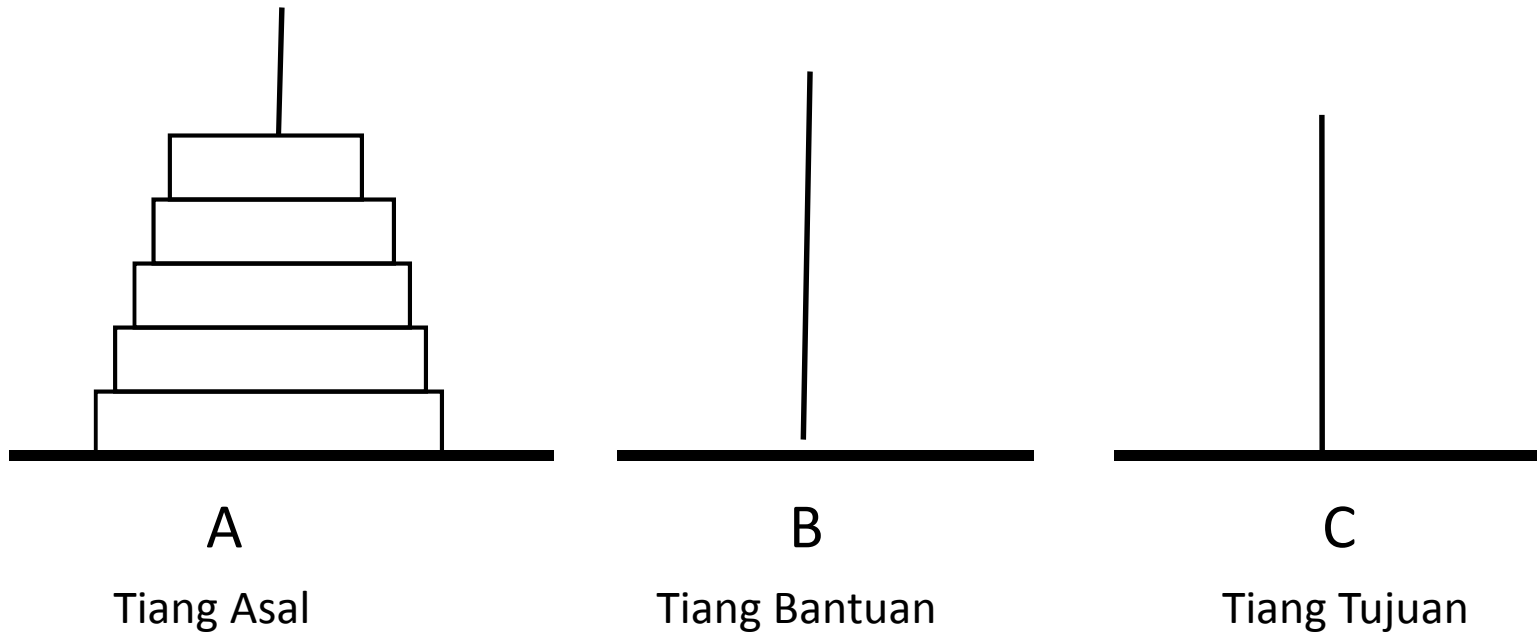
```
{
```

```
    A[i] = A[i-1] + A[i-2];
```

```
}
```



## Konsep Menara Hanoi



- ❖ Jika  $n=1$ , maka langsung pindahkan saja piringan dr tiang A ke tiang C & selesai.
- ❖ Pindahkan  $n-1$  piringan yg paling atas dr tiang A ke tiang B.
- ❖ Pindahkan piringan ke  $n$  (piringan terakhir) dr tiang A ketiang C
- ❖ Pindahkan  $n-1$  piringan dari tiang B ke tiang C.



Langkah pemindahan tsb diatas dpt diubah dengan notasi sbb:

### ***Menara (n,asal,bantu,tujuan)***

- Utk jml piringan  $n > 1$  dpt dibagi menjadi 3 notasi penyelesaian
- Menara (n-1, Asal, Tujuan, Bantu);
- Menara (n, Asal, Bantu, Tujuan); atau Asal → Tujuan;
- Menara (n-1, Bantu, Asal, Tujuan);





Ilustrasi diatas menghasilkan 15 langkah penyelesaian dari permasalahan konsep menara Hanoi dgn jumlah piringan sebanyak 4 buah

**Rumus Langkah Pemindahan :**

$$2^N - 1$$

**N = Jumlah Piringan**